### ФГБОУ ВО «БАШКИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» ФАКУЛЬТЕТ МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Утверждено: на заседании кафедры протокол № 7 от «26» января 2021 г. Зав. кафедрой \_\_\_\_\_/// / Юмагулов М.Г.

Согласовано: Председатель УМК ФМиИТ

/ Ефимов А.М.

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

#### дисциплина Уравнения с частными производными

(наименование дисциплины)

#### Обязательная часть

(указать часть (обязательная часть или часть, формируемая участниками образовательных отношений, факультатив)

#### программа бакалавриата

Направление подготовки (специальность)
<u>01.03.02 "Прикладная математика и информатика"</u>
(указывается код и наименование направления подготовки (специальности))

Направленность (профиль) подготовки

Мобильные, облачные и интеллектуальные технологии

Квалификация <u>бакалавр</u>

(указывается квалификация)

Для приема: 2021

Уфа 2021

Составитель / составители: професс	сор, д.фм.н., Жибер А.В., доцент, к.фм.н., Сидельникова Н.А.
Рабочая программа дисциплины <i>ут</i> протокол от «26» января 2021 г. №	иверждена на заседании кафедры дифференциальных уравнений 7
Дополнения и изменения, внесённы	ые в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры дифференциальных уравн	іений:
- обновлён фонд оценочных с	ередств.
протокол № 7 от «26» января 2021 :	г.
Заведующий кафедрой	/ М.Г. Юмагулов /
	ые в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседани
протокол № от «»	
Заведующий кафедрой	/
Дополнения и изменения, внесенни кафедры	ые в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседани
протокол № от «»	
Заведующий кафедрой	/Ф.И.О./
	ые в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседани
протокол № от «»	,
Заведующий кафедрой	/ Ф.И.О./

#### Список документов и материалов

- 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы
- 2. Цель и место дисциплины в структуре образовательной программы
- 3. Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий, учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся)
- 4. Фонд оценочных средств по дисциплине
  - 4.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания
  - 4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций
  - 4.3. Рейтинг-план дисциплины (при необходимости)
- 5. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины
  - 5.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины
  - 5.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины
- 6. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

# 2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций

По итогам освоения дисциплины обучающийся должен достичь следующих результатов обучения:

Категория (группа) компетенций <sup>1</sup> (при наличии ОПК)	Формируемая компетенция (с указанием кода)	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине
Системное и критическое мышление	ОПК-1-1 «Способность решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно- коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности »	ОПК-1.1. Алгоритмизирует решение задач и реализует алгоритмы с использованием программных средств  ОПК-1.2. Применяет средства информационных технологий для поиска, хранения, обработки, анализа и предоставления информации	Знать важные научные результаты и проблемы современной математики и смежных областей.  Уметь разрабатывать новые методы и алгоритмы исследования и применять их в самостоятельной научно-исследовательской деятельности.  Владеть методами построения и исследования математических моднлий  Уметь решать конкретные задачи на основе воспроизведения логических и риторических средств анализа.  Знать конкретные логические средства дедуктивного и индуктивного рассуждения и аргументации.  Владеть навыками решения, нетипичных, аналитических задач.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Указывается только для УК и ОПК (при наличии).

математики. Уметь применять фундаментальные знания математики и информатики для решения прикладных задач.		ОПК-1.3. Демонстрирует знание требований к графической документации.	Уметь применять фундаментальные знания математики и и информатики для решения
---	--	--	---

#### 3. Цель и место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Уравнения с частными производными» относится к обязательной части. Дисциплина изучается на 3 *курсе* в 5 и 6 семест*рах*.

Цели изучения дисциплины: является обзор некоторых наиболее распространенных методов исследования и решения основных классических задач для уравнений с частными производными

4. Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий, учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся)

Содержание рабочей программы представлено в Приложении № 1.

#### 5. Фонд оценочных средств по дисциплине

# 4.1. Перечень компетенций и индикаторов достижения компетенций с указанием соотнесенных с ними запланированных результатов обучения по дисциплине. Описание критериев и шкал оценивания результатов обучения по дисциплине.

**Код и формулировка компетенции** ОПК-1 «Способность решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно- коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности »

Код и	Результаты	Крите	Критерии оценивания результатов обучения			
наименовани е индикатора достижения компетенции	обучения по дисциплине	2 («Не удовлетво рительно»)	3 («Удовлетво рительно»)	4 («Хорошо»)	5 («Отлично»)	
Первый этап (уровень) Способность решать стандартные задачи профессиональн	Знать: 3(ОПК-1)-1 о закономерност ях развития научно — технического прогресса,	Не имеет четкого представлен ия об изучаемом материале, допускает грубые	Фрагментарн ое , не полное знание без грубых ошибок	В целом успешное, но содержащее отдельные пробелы в базовом (стандартно	Демонстраци я высокого уровня знаний, способность самостоятельного анализа	

I				
структуру локальных и глобальных компьютерных сетей, основные требования информационн ой безопасности, общие характеристик и процессов сбора, передачи и обработки информации, современное состояние и тенденции развития технических и программных средств автоматизаци и и компьютериза ции в области управления качеством  Уметь: У(ОПК-1)-1 Применять математических задач профессиональной деятельност и, использовать компьютерные технологии для планирования, организации и проведения работ по	Не имеет четкого представлен ия об изучаемом материале, допускает грубые ошибки	Фрагментарн ое , не полное знание без грубых ошибок	м) объеме  В целом успешное, но содержащее отдельные пробелы в базовом (стандартно м) объеме	и реализации полученных знаний  Демонстраци я высокого уровня знаний, способность самостоятельного анализа и реализации полученных знаний
компьютерные технологии для планирования, организации и проведения				
	локальных и глобальных компьютерных сетей, основные требования информационн ой безопасности, общие характеристик и процессов сбора, передачи и обработки информации, современное состояние и тенденции развития технических и программных средств автоматизаци и и компьютеризации в области управления качеством  Уметь: У(ОПК-1)-1 Применять математических задач профессиональност и, использовать компьютерные технологии для планирования, организации и проведения работ по техническому регулировани ю и метрологии, понимать и решать профессионал	локальных и глобальных компьютерных сетей, основные требования информационн ой безопасности, общие характеристик и процессов сбора, передачи и обработки информации, современное состояние и тенденции развития технических и программных средств автоматизаци и и программных средств автоматизаци и и программных качеством  Уметь: У(ОПК-1)-1 Применять математичес кий аппарат доля решения практических задач профессиональной деятельност и, использовать компьютерные технологии для планирования, организации и проведения работ по техническому регулировани ю и метрологии, понимать и решать профессиональные задачи в	локальных и глобальных компьютерных сетей, основные требования информационн ой безопасности, общие характеристик и процессов сбора, передачи и обработки информации, современное состояние и тенденции развития технических и программных средств аетоматизаци и и и компьютериза ции в области управления качеством  Уметь: У(ОПК-1)-1 Применять математических и программных средств аетоматизаци и и компьютериза ции в области управления качеством  Уметь: У(ОПК-1)-1 Применять математических задач практических грубые ошибки практических задач профессиональной доя планирования, организации и проведения работ по техническому регулировани ю и метрологии, понимать и решать профессиональные задачи в	докальных и слобальных компьютерных сетей, основные требования информационн ой безопасности, общие жарактеристик и процессов сбора, передачи и обработки информации, соеременное состояние и теновенции развития технических и программных средств автоматизаци и и компьютериза ции в области утравления качеством  Уметь: У(ОПК-1)-1 Применять математических дадач практических задач профессиональной деятельност и, использовать компьютерные технологии для планирования, организации и проведения работ по техническому регулировани ю и метрологии, понимать и решать профессиональные задачи в нетомного и метрологии, понимать и решать профессиональные задачи в

Г					
	управления и				
	научно-				
	исследовател				
	ьской и				
	производстве				
	нной				
	деятельность				
	ю в				
	соответстви				
	и с профилем				
	подготовки				
	Владеть:	Не имеет	Фрагментарн	В целом	Демонстраци
	В(ОПК-1)-1	четкого	ое, не полное	успешное, но	я высокого
	Основными	представлен	знание без	содержащее	уровня
	методами	ия об	грубых	отдельные	уровия знаний,
	теоретическог	изучаемом	груоыл ошибок	пробелы в	знании, способность
	o u	материале,	omnoon	прооелы в базовом	самостоятел
	экспериментал	допускает			
	ьного	грубые		(стандартно	ьного анализа
	исследования,			м) объеме	и реализации
	,навыками				полученных
	применения				знаний
	стандартных				
	программных				
	средств,				
	навыками				
	работы на ЭВМ с				
	графическими				
	пакетами для				
	получения				
	конструкторск				
	их, технических				
	и других				
	документов,				
	навыками				
	работы со				
	средствами				
	измерений и				
	устройствами				
	их сопряжения				
	с компьютером				
	как средством				
	управления и				
	обработки				
1	информации			l	

Выше представлена таблица для формы промежуточного контроля — экзамен, для зачета указываем критерии оценивания для шкалы: «Зачтено», «Не зачтено».

4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценивания результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине.

Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

(с ориентацией на карты компетенций)

6.	Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий,
	учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся)

Содержание рабочей программы представлено в Приложении № 1.

#### 7. Фонд оценочных средств по дисциплине

## 4.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Код и формулировка компетенции:

ОПК-1: Способность решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно- коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности

Этап	Планируемые	Критері	ии оценивания резу.	льтатов обучен	ия
(уровень)	результаты	1 -1-	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	,	
освоения	обучения				
компетенци	(показатели	2 ( 11	2		~
И	достижения	2 («He	3	4	5
	заданного	удовлетворит	(«Удовлетворите	(«Хорошо»)	(«Отлич
	уровня	ельно»)	льно»)	, ,	но»)
	освоения				
	компетенций)				
Первый	Знать:	Отсутствие	Частичные	Полные и	Полные
этап	содержание	знаний	знания	четкие, но	и четкие
(уровень)	материала по		содержания	содержащи	знания
	предмету,		материала по	е отдельные	содержа
	основные		предмету,	пробелы	ния
	методы		основных	знания	материал
	решения задач,		методов	содержания	а по
	основные		решения задач,	материала	предмету
	теоремы		основных теорем	по	,
	преподаваемой		преподаваемой	предмету,	основны
	дисциплины		дисциплины	основных	X
				методов	методов
				решения	решения
				задач,	задач,
				основных	основны
				теорем	х теорем
				преподавае	преподав
				мой	аемой
				дисциплин	дисципл
				Ы	ИНЫ
Второй	Уметь:	Отсутствие	Фрагментарные	В целом	Сформир
этап	решать задачи	умений	умения решать	успешные,	ованное
(уровень)	по		задачи по	НО	умение
	преподаваемой		преподаваемой	содержащи	решать
	дисциплине,		дисциплине,	е отдельные	задачи
	определять		определять	пробелы	по
	корректность		корректность	умения	преподав
	поставленной		поставленной	решать	аемой
	задачи,		задачи,	задачи по	дисципл
	применять на		применять на	преподавае	ине,
	практике		практике знания	мой	определя
	знания по		по предмету	дисциплине	ТЬ
	предмету			,	корректн

	_				
				определять	ость
				корректнос	поставле
				ТЬ	нной
				поставленн	задачи,
				ой задачи,	применя
				применять	ть на
				на практике	практике
				знания по	знания
				предмету	по
					предмету
Третий	Владеть:	Отсутствие	В целом	В целом	Успешн
этап	способностью	владений	успешные, но не	успешные,	ые
(уровень)	корректно	Вищении	систематические	НО	владения
(уровень)	поставить		владения	содержащи	способно
	задачу,		способностью	е отдельные	стью
	классическими		корректно	пробелы	корректн
	современными		поставить	владения	0
	методами		задачу,	способност	поставит
	дисциплины,		классическими	ью	ь задачу,
	понятийным		современными	корректно	классиче
	аппаратом		методами	поставить	скими
	предмета		дисциплины,	задачу,	современ
			понятийным	классически	ными
			аппаратом	МИ	методам
			предмета	современны	И
				МИ	дисципл
				методами	ины,
				дисциплин	понятий
				ы,	ным
				понятийны	аппарато
				M	M
				аппаратом	предмета
				предмета	*

**К оценочным средствам можно отнести:** Индивидуальный, групповой опрос; письменные ответы на вопросы; устный опрос (вопросы для самоконтроля); лабораторные работы; контрольные работы; собеседование; доклад; сообщение; задача; практическое задание; реферат; тесты; коллоквиум; отчет (по практикам, научно-исследовательской работе студентов и т.п.); научный доклад по теме НИРС; кейс-задача; комплексное практическое задание, проект; творческие задания (выступления, презентации, подготовка кроссворда и пр.); эссе; статья; ситуационные задачи; круглый стол; диспут; дискуссия; мозговой штурм; деловые, ролевые игры; рабочая тетрадь; тренинги; компьютерные симуляции, тренажеры; задания с использованием интерактивной доски и т.д.

Далее, для очной, очно-заочной и заочной форм обучения бакалавров/специалистов/магистров критерии оценивания и, при необходимости, оценочные средства описываются отдельно (с учетом наличия/отсутствия модульно—рейтинговой системы оценок, контрольных работ для заочников и т.п.).

Критериями оценивания при *модульно-рейтинговой системе* являются баллы, которые выставляются преподавателем за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины (*для экзамена*: текущий контроль — максимум 40 баллов; рубежный контроль — максимум 30 баллов, поощрительные баллы — максимум 10; *для зачета*: текущий контроль — максимум 50 баллов; рубежный контроль — максимум 50 баллов, поощрительные баллы — максимум 10).

Шкалы оценивания:

(для экзамена:
 от 45 до 59 баллов — «удовлетворительно»;
 от 60 до 79 баллов — «хорошо»;
 от 80 баллов — «отлично».

для зачета:
 зачтено — от 60 до 110 рейтинговых баллов (включая 10 поощрительных баллов),
 не зачтено — от 0 до 59 рейтинговых баллов).

# 4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Этапы	Результаты обучения	Компетенция	Оценочные
освоения 1-й этап	Зияти соперучние	ОПК-1: Способность	средства Контрольная
3нания	Знать: содержание материала по предмету, основные методы решения задач, основные теоремы преподаваемой дисциплины	решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности	контрольная работа, РГР, экзамен
2-й этап	Уметь: решать задачи по преподаваемой	ОПК-1: Способность решать стандартные задачи	Контрольная работа, РГР,
Умения	дисциплине, определять корректность поставленной задачи, применять на практике знания по предмету	профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности	экзамен
3-й этап	<b>Владеть:</b> способностью корректно поставить задачу,	ОПК-1: Способность решать стандартные задачи	Контрольная работа, РГР,
Владеть навыками	классическими современными дисциплины, понятийным аппаратом предмета	профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-	экзамен

		коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности	
--	--	--	--

### 7.3. Рейтинг-план дисциплины (при необходимости)

Рейтинг-план дисциплины представлен в приложении 2.

#### Экзаменационные билеты

Структура экзаменационного билета: билет состоит из двух теоретических вопросов

Примерные вопросы для экзамена:

- 1. Вывод уравнения колебания струны
- 2. Вывод уравнения колебания мембраны
- 3. Вывод уравнений гидродинамики
- 4. Вывод уравнения распространения тепла
- 5. Вывод уравнения неразрывности при движении жидкости и уравнения Лапласа
- 6. Локальная классификация уравнений второго порядка с двумя независимыми переменными
- 7. Приведение к каноническому виду уравнений второго порядка с двумя независимыми переменными
- 8. Понятие характеристики линейного уравнения второго порядка. Роль характеристик в постановке задачи Коши
- 9. Определение системы Коши-Ковалевской и постановка задачи Коши для нее
- 10. Задача Коши с аналитическими данными. Теорема Коши-Ковалевской
- 11. Понятие корректности задач математической физики. Пример Адамара
- 12. Одномерное волновое уравнение. Формула Даламбера
- 13. Волновое уравнение с тремя пространственными переменными. Формула Кирхгофа
- Волновое уравнение с двумя пространственными переменными. Формула Пуассона. Метод спуска
- 15. Понятие области зависимости, области влияния и области определения
- 16. Неоднородное волновое уравнение. Случай трех пространственных переменных. Запаздывающий потенциал
- 17. Неоднородное волновое уравнение случай двух и одной пространственных переменных
- 18. Единственность решения задачи Коши
- 19. Корректность постановки задачи Коши
- 20. Задача Гурса

- 21. Некорректно поставленные задачи
- 22. Функция Римана
- 23. Уравнение теплопроводности. Принцип максимума
- 24. Первая краевая задача для уравнения теплопроводности
- 25. Задача Коши. Гладкость решения
- 26. Неоднородное уравнение теплопроводности
- 27. Гармонические функции. Свойства гармонических функций. Понятие регулярной гармонической функции в бесконечно удаленной точке
- 28. Формулы Грина для гармонических функций
- 29. Интегральное представление гармонических функций
- 30. Теоремы о среднем для гармонических функций. Принцип экстремума
- 31. Функция Грина задачи Дирихле для уравнения Лапласа
- 32. Функция Грина задачи Дирихле для уравнения Лапласа в шаре. Формула Пуассона
- 33. Функция Грина задачи Дирихле для уравнения Лапласа в полупространстве. Формула Пуассона
- 34. Основное свойство знакопостоянных гармонических функций. Теорема Лиувилля
- 35. Теорема Гарнака для гармонических функций
- 36. Потенциалы простого и двойного слоя. Простейшие свойства, формулы для скачка
- 37. Сведение задач Дирихле и Неймана к интегральным уравнениям. Применение теории Фредгольма к решению задач Дирихле и Неймана
- 38. Определение обобщенного решения задачи Дирихле для уравнения Лапласа и Пуассона.
- 39. Решение смешанной задачи для уравнения колебания струны
- 40. Общие свойства собственных функций и собственных значений
- 41. Обоснование метода Фурье
- 42. Изучение колебания мембраны.

Образец экзаменационного билета

#### ФГБОУ ВО «Башкирский государственный университет»

Факультет математики и информационных технологий

Кафедра дифференциальных уравнений

Направление подготовки 01.03.01 Математика

дисциплина: «Уравнения в частных производных»,

II (6) сем. 20 - учебного года

Экзаменационный билет № 1

1. Вывод уравнения колебания мембраны		
2. Теорема Гарнака для гармонических функций		
Преподаватель Сидельникова Н.А. //		
Зав. кафедрой Юмагулов М.Г. //		

Перевод оценки из 100-балльной в четырехбалльную производится следующим образом:

- отлично от 80 до 110 баллов (включая 10 поощрительных баллов);
- хорошо от 60 до 79 баллов;
- удовлетворительно от 45 до 59 баллов;
- неудовлетворительно менее 45 баллов.

Примерные критерии оценивания ответа на экзамене (только для тех, кто учится с использованием модульно-рейтинговой системы обучения и оценки успеваемости студентов): **Критерии оценки (в баллах):** 

- <u>25-30</u> баллов выставляется студенту, если студент дал полные, развернутые ответы на все теоретические вопросы билета, продемонстрировал знание функциональных возможностей, терминологии, основных элементов, умение применять теоретические знания при выполнении практических заданий. Студент без затруднений ответил на все дополнительные вопросы. Практическая часть работы выполнена полностью без неточностей и ошибок;
- <u>17-24</u> баллов выставляется студенту, если студент раскрыл в основном теоретические вопросы, однако допущены неточности в определении основных понятий. При ответе на дополнительные вопросы допущены небольшие неточности. При выполнении практической части работы допущены несущественные ошибки;
- 10-16 баллов выставляется студенту, если при ответе на теоретические вопросы студентом допущено несколько существенных ошибок в толковании основных понятий. Логика и полнота ответа страдают заметными изъянами. Заметны пробелы в знании основных методов. Теоретические вопросы в целом изложены достаточно, но с пропусками материала. Имеются принципиальные ошибки в логике построения ответа на вопрос. Студент не решил задачу или при решении допущены грубые ошибки;
- <u>1-10</u> баллов выставляется студенту, если ответ на теоретические вопросы свидетельствует о непонимании и крайне неполном знании основных понятий и методов. Обнаруживается отсутствие навыков применения теоретических знаний при выполнении практических заданий. Студент не смог ответить ни на один дополнительный вопрос.

#### Задания для контрольной работы №1

1. Решить задачу Коши:

$$3u \, \mathbf{X} - 4u \, \mathbf{Y} + e^{4 \, x + 3 \, y} u = 0,$$

2. Решить задачу Коши:

$$3u u + u_2 - 2u_2 = x + y,$$

#### Задания для контрольной работы №2

1. Решить задачу Коши методом факторизации:

$$3uxxx + 2uxxy - uxyy - 2uyyy = 0,$$
  
 $u(x, 0, z) = x(z - 1).$ 

2. Определить тип уравнения:

$$u xy + u yz + u xz - 3 x^{2} u y + y \sin x u + xe^{-y} = 0.$$

#### Задания для контрольной работы №3

1. Определить тип системы:

2. Привести уравнение к каноническому виду:

$$u xx - 2u xy + u yy + a u x + b u y + gu = 0.$$

#### Задания для контрольной работы №4

- 1. Сформулировать задачу о малых продольных колебаниях упругого однородного стержня переменного сечения S=S ( x) длины l при произвольных начальных условиях для случаев
- а) стержень имеет форму усеченного конуса с радиусами оснований r и R ( r < R) , которые закреплены жестко.
- b) конец стержня x=0 закреплен упруго, а конец x=l , начиная с момента t=0 , приложена продольная сила  $F\left( t\right)$  на единицу площади сечения.
  - 2. В полосе 0 < x < l, t > 0 для уравнения  $utt = a^2 u_{XX}$  решить смешанную

задачу с условиями:

$$u(0, t) = u(l, t) = 0,$$
  
 $u(x, 0) = 0, u(x, 0) = \sin x.$ 

- 1. В полосе 0 < x < l , t > 0 для уравнения u  $t = a \frac{2}{u \chi \chi}$  решить смешанную задачу с
  - условиями: u(0, t) = u(l, t) = 0, u(x, 0) = Ax.
- 2. Найти решение уравнения Лапласа в полуполосе  $0 < x < \Gamma$ , 0 < y < l соответственно по краевым условиям

$$u(x, 0) = u y(x, l) = 0, \quad u(0, y) = f(y), u(\vec{1}, y) = 0$$

Описание методики оценивания:

#### Критерии оценки (в баллах):

- <u>25-30</u> баллов выставляется студенту, если студент дал полные, развернутые ответы на все теоретические вопросы билета, продемонстрировал знание функциональных возможностей, терминологии, основных элементов, умение применять теоретические знания при выполнении практических заданий. Студент без затруднений ответил на все дополнительные вопросы. Практическая часть работы выполнена полностью без неточностей и ошибок;
- <u>17-24</u> баллов выставляется студенту, если студент раскрыл в основном теоретические вопросы, однако допущены неточности в определении основных понятий. При ответе на дополнительные вопросы допущены небольшие неточности. При выполнении практической части работы допущены несущественные ошибки;
- -10-16 баллов выставляется студенту, если при ответе на теоретические вопросы студентом допущено несколько существенных ошибок в толковании основных понятий. Логика и полнота ответа страдают заметными изъянами. Заметны пробелы в знании основных методов. Теоретические вопросы в целом изложены достаточно, но с пропусками материала. Имеются принципиальные ошибки в логике построения ответа на вопрос. Студент не решил задачу или при решении допушены грубые ошибки;
- <u>1-10</u> баллов выставляется студенту, если ответ на теоретические вопросы свидетельствует о непонимании и крайне неполном знании основных понятий и методов. Обнаруживается отсутствие навыков применения теоретических знаний при выполнении практических заданий. Студент не смог ответить ни на один дополнительный вопрос.

#### Задания для РГР

В 6-ом семестре студенту представляется одна расчетно-графические работа (РГР). Каждая РГР состоит из 2-х заданий. Задача считается правильно решенной, если студентом приведено подробное и полное ее решение.

Задание 1. Определить тип уравнений. Привести к каноническому виду.

```
1. uxx + 2uxy + 5uyy - 32uy = 0.

2. uxx - 2uxy + uyy + 9ux + 9uy = 0

3. 2uxx + 3uxy + uyy + 7ux + 4uy = 0.

4. uxx + uxy - 2uyy - 3ux - 15uy + 27x = 0.

5. 9uxx - 6uxy + uyy + 10ux - 15uy + x - 2y = 0.

6. uxx + 2uxy + 10uyy - 24ux + 42uy + 2(x + y) = 0.

7. uxx + 4uxy + 13uyy + 3ux + 24uy + 9(x + y) = 0.

8. uxx - 4uxy + 5uyy - 3ux + uy = 0

9. uxx - 6uxy + 9uyy - ux + 2uy = 0.

10. 2uxy - 4uyy + ux - 2uy + x = 0.

11. uxy + 2uyy - ux + 4uy = 0.

12., 2uxx + 2uxy + uyy + 4ux + 4uy = 0
```

```
13. uxx + 2uxy + uyy + 3ux - 5uy = 0.

14. uxx - uyy + ux + uy = 0.

15. uxx + uxy - uy + 4x = 0.

16. 3uxx + uxy + 3ux + uy + y = 0.

17. uxx + 4uxy + 5uyy - 2ux - 2uy = 0.

18. 5uxx + 16uxy + 16uyy + 24ux + 32uy = 0.

19. uxx - 2uxy + uyy - 3ux + 12uy = 0

20. y 2 uxx + 2xyuxy + x2 uyy = 0
```

```
Задание 2. Решить методом разделения переменных следующую задачу для неоднород-
ного волнового уравнения:
  1. utt = a2 uxx + Ax + B, 0 < x < 1, t > 0,
    u(0, t) = U1, u(1, t) = U2,
     u(x, 0) = U1 (1 - 1-1 x) + U2 1-1 x, ut (x, 0) = 0,
     a) A = 2, B = 1, U1 = 1, U2 = 0,
     6)A = 1, B = 2, U1 = 0, U2 = 1,
     B)A = 1, B = 0.
  2. utt = a2 uxx + Ax + B, 0 < x < 1, t > 0,
    ux (0, t) = 0, u(1, t) = U,
     u(x, 0) = U, ut(x, 0) = V,
     a) A = 2, B = 1, U = 1, V = 0
     6)A = 3, B = 1, U = 2, V = 1
    B)A = 1, B = 0, U = 1, V = 2.
  3. utt = a2 uxx + Ax + B, 0 < x < 1, t > 0,
    u(0, t) = U, ux(1, t) = 0,
    u(x, 0) = U, ut(x, 0) = V,
    a) A = 2, B = 1, U = 1, V = 0
    6)A = 4, B = 1, U = 2, V = 1
    B)A = 1, B = 0, U = 1, V = 2.
4. utt = a2 uxx + Ax + B, 0 < x < 1, t > 0,
  ux (0, t) = ux (1, t) = 0,
  u(x, 0) = U, ut(x, 0) = V,
  a) A = 2, B = 1, U = 1, V = 0
   6)A = 1, B = 1, U = 2, V = 1
   B)A = 1, B = 0, U = 1, V = 2.
5. utt = a2 uxx + Asinx + B, 0 < x < 1, t > 0,
   u(0, t) = U1, u(1, t) = U2,
   u(x, 0) = U1 (1 - 1-1 x) + U2 1-1 x, ut (x, 0) = V,
   a) A = 2, B = 1, U1 = 1, U2 = 0,
   6)A = 1, B = 2, U1 = 0, U2 = 1,
   B)A = 1, B = 0.
```

#### Критерий оценивания РГР:

Зачтено, если правильно решено 2 задания,

Не зачтено, если не решено 2 задания.

#### Задания для домашней работы

В 5-м и 6-ом семестрах студенту представляется домашняя работа по каждому из пяти

модулей. Каждая домашняя работа состоит из 2-х заданий. Задача считается правильно решенной, если студентом приведено подробное и полное ее решение.

#### Типовое домашнее задание 1 (модуль 1)

- 1. Бесконечной струне сообщается поперечная начальная скорость  $v^{\circ}$ =const на интервале (-1,1), при a=1. Решить задачу о колебаниях струны.
- 2. Полубесконечная струна с жестко закрепленным концом возбуждена начальным отклонением, отличным от нуля, на отрезке (c,3c), имеющим форму ломаной с вершинами c, 2c,3c. Начертить профиль струны для моментов времени t=cv/2a, v=2,4,6.

#### Критерии оценки

Показатель оценки	Распределение баллов
Не выполнены пункты 1 и 2	0
Выполнены пункты 1 или 2	1
Максимальный балл	2

#### Типовое домашнее задание 2 (модуль 2)

- 1. Найти потенциал простого слоя, распределенного с постоянной плотностью на сфере радиуса R.
- 2. Вычислить потенциал объема для шара радиуса R, с заданной постоянной плотностью.

#### Критерии оценки

Показатель оценки	Распределение баллов
Не выполнены пункты 1 и 2	0
Выполнены пункты 1 или 2	2
Максимальный балл	4

#### Типовое домашнее задание 3 (модуль 3)

- 1. Решить задачу о свободных колебаниях однородной круглой мембраны радиуса R, закрепленной по краю, если начальное отклонение имеет форму параболоида вращения, а начальная скорость равна нулю.
- 2. Решить задачу о свободных колебаниях однородной круглой мембраны радиуса R, закрепленной по краю, если начальное отклонение имеет форму f(r), а начальная скорость изменяется по закону F(r).

#### Критерии оценки

Показатель оценки	Распределение баллов
Не выполнены пункты 1 и 2	0
Выполнены пункты 1 или 2	2
Максимальный балл	4

#### Типовое домашнее задание 4 (модуль 1)

- 1.Найти обобщенную производную функции  $f(x)=\theta(x)$ -cosx.
- 2. Найти обобщенную производную функции  $f(x)=|x|-\sin x$ .

#### Критерии оценки

Показатель оценки	Распределение баллов
Не выполнены пункты 1 и 2	0
Выполнены пункты 1 или 2	2
Максимальный балл	5

#### Типовое домашнее задание 5 (модуль 2)

- 1. Найти обобщенную производную  $\dot{\theta}(-x)$ .
- 2. Найти обобщенную производную (sign x).

#### Критерии оценки

Показатель оценки	Распределение баллов
Не выполнены пункты 1 и 2	0
Выполнены пункты 1 или 2	2
Максимальный балл	5

#### Задания для аудиторной работы

В 5-м и 6-ом семестрах студенту представляется аудиторная работа по каждому из пяти модулей. Каждая аудиторная работа состоит из двух заданий. Задача считается правильно решенной, если студентом приведено подробное и полное ее решение.

#### Типовое аудиторное задание 1 (модуль 1)

- 1. Решить задачу о распространение тепла в тонком однородном стержне длины l (0<x<l), боковая поверхность которого теплоизолирована, а концы x=0, x=l поддерживаются при нулевой температуре.
- 2. Дан тонкий однородный стержень, длины l (0 < x < l), боковая поверхность которого теплоизолирована. Найти распределение температуры u(x,t) в стержне, если концы стержня теплоизолированы.

#### Критерии оценки

Показатель оценки	Распределение баллов
Не выполнены пункты 1 и 2	0
Выполнены пункты 1 или 2	1
Максимальный балл	3

#### Типовое аудиторное задание 2 (модуль 2)

- 1. Дан однородный шар радиуса R с центром в начале координат. Определить температуру внутри шара, если его внешняя поверхность поддерживается при нулевой температуре, а начальная температура зависит только от расстояния от центра шара.
- 2. Дана тонкая однородная прямоугольная пластинка, контур которой поддерживается при нулевой температуре. Пластинка закреплена по контуру, начальное распределение температуры задано и требуется определить температуру пластинки в любой момент времени t>0, в предположении, что тепловой обмен между боковой поверхностью пластинки с окружающей средой отсутствует.

#### Критерии оценки

Показатель оценки	Распределение баллов
Не выполнены пункты 1 и 2	0
Выполнены пункты 1 или 2	3
Максимальный балл	6

#### Типовое аудиторное задание 3 (модуль 3)

- 1. Решить задачу Дирихле для уравнения Лапласа в круге, радиуса r=1, при условии, что  $u(1,t)=\cos\varphi$ .
- 2. Решить задачу Дирихле для уравнения Лапласа в круговом кольце (1<r<2), при условии, что  $u(1,t)=v^{\circ}=const$ ,  $u(2,t)=v^{2}=const$ .

#### .

#### Критерии оценки

Показатель оценки	Распределение баллов
Не выполнены пункты 1 и 2	0
Выполнены пункты 1 или 2	3
Максимальный балл	6

#### Типовое аудиторное задание 4 (модуль 1)

- 1. Найти стационарное распределение температуры u(x,y) в прямоугольной однородной пластинке 0 < x < a, 0 < y < b, если ее стороны x = a, y = b покрыты тепловой изоляцией, а две другие стороны x = 0, y = 0 поддерживаются при нулевой температуре и в пластинке выделяется тепло с постоянной плотностью q.
- 2. Найти распределение потенциала электростатического поля u(x,y) внутри коробки прямоугольного сечения, две противоположные грани (x=-a, x=a) которой имеют потенциал  $v^\circ$ =const, а остальные грани (y=-b, y=b) заземлены.

#### Критерии оценки

Показатель оценки	Распределение баллов
Не выполнены пункты 1 и 2	0
Выполнены пункты 1 или 2	5
Максимальный балл	10

#### Типовое аудиторное задание 5 (модуль 2)

- 1. Найти логарифмический потенциал для круга радиуса R , с плотностью  $v^{\circ}$ =const.
- 2. Найти логарифмический потенциал двойного слоя для отрезка -a<x<a, y=0 , с постоянной плотностью  $v^{\circ}$ =const .

#### Критерии оценки

Показатель оценки	Распределение баллов
Не выполнены пункты 1 и 2	0
Выполнены пункты 1 или 2	5
Максимальный балл	10

#### 8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 5.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

#### Основная литература:

- 1. Дифференциальные и интегральные уравнения. Вариационное исчисление в примерах и задачах [Электронный ресурс] / Васильева А. Б. М.: Физматлит, 2005. 214с. () .— Доступ к тексту электронного издания возможен через Электронно-библиотечную систему "Университетская библиотека online" .— ISBN 5-9221-0628-7 .— <URL:http://www.biblioclub.ru/book/68123/>.
- 2. Емельянов, В.М. Уравнения математической физики. Практикум по решению задач / В. М. Емельянов, Е. А. Рыбакина. СПб.: Лань, 2008. Точка доступа: http://e.lanbook.com/view/book/140/
- 3. Уравнения математической физики [Электронный ресурс] / Владимиров В. С. М. : Физматлит, 2008 .— 201 с. Доступ к тексту электронного издания возможен через Электронно-библиотечную систему «Университетская библиотека online .— ISBN 978-5-9221-0310-7 .— <URL:http://www.biblioclub.ru/book/68126/>.

#### Дополнительная литература:

- 4. Андреев, Александр Николаевич. Избранные главы теории дифференциальных уравнений [Текст]: учебное пособие / А. Н. Андреев; Кемеровский гос. ун-т. Кемерово: [б. и.], 2012. - 111 с. <a href="http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\_cid=25&pl1\_id=44307">http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\_cid=25&pl1\_id=44307</a>
  - 5.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины
  - .2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины

- 11	Электронно- библиотечная система «ЭБ БашГУ»	научных электронных изданий, которая включает издания	Авторизованный доступ по паролю из любой точки сети Интернет	Регистрация в Библиотеке БашГУ, дальнейший доступ из любой точки сети Интернет	https://elib.bashedu.ru/
2	система	Полнотекстовая БД учебных и научных электронных изданий	Авторизованный доступ по паролю из любой точки сети Интернет	Регистрация из сети БашГУ, дальнейший доступ из любой точки сети Интернет	http://www.biblioclub.ru/

Электронно- библиотечная Зсистема издательства «Лань»	Полнотекстовая БД учебных и научных электронных изданий	Авторизованный доступ по паролю из любой точки сети Интернет	Регистрация из сети БашГУ, дальнейший доступ из любой точки сети Интернет	http://e.lanbook.com/
общероссийский математический портал				www.mathnet.ru
-Электронный каталог НБ КемГУ				www.library.kemsu.ru
Научная электронная библиотека				www.elibrary.ru
электронная библиотека механико- математического факультета МГУ				www.lib.mexmat.ru
Новая электронная библиотека				www.newlibrary.ru
Федеральный портал российского образования				www.edu.ru

#### 6.Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

документа	Наименование специальных* помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
-----------	--	---	--

- **1.** учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа: аудитории № 501, 530 (физмат корпус учебное).
- **2.** учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа: аудитории № 531,526 (физмат корпус учебное).
- **3.** учебная аудитория для проведения групповых и индивидуальных консультаций: аудитории № 501, 530,526
- **4.** учебная аудитория для текущего контроля и промежуточной аттестации: аудитории № 531, 526 (физмат корпус учебное).

#### Аудитория № 501

Учебная мебель, доска, персональный комп. и системный блок /Core i5-4460(3.2)/CIGABAYTE GV-N710D3-1GL/4Gb, Презентер Logitech Wireless Presenter R400 (210134000003592), проектор Sony VPL-DX270, экран ручной ViewScreen Lotus 244x183 WLO-4304

#### Аудитория №530

Учебная мебель, доска настенная меловая **Аудитория №531** 

Учебная мебель, доска настенная меловая, мультимедиа-проектор Sony VPL-EX120, XGA, 2600 ANSI, 3,2 кг, потолочное крепление для проектора (2101068302), доска аудитор. ДА32.

#### Аудитория №526

Учебная мебель, доска настенная меловая

#### Читальный зал №2

1. Windows 8 Russian. Windows Professional 8 Russian Upgrade. Договор № 104 от 17.06.2013 г. Лицензии бессрочные. 2. Microsoft Office Standard 2013 Russian. Договор № 114 от 12.11.2014 г. Лицензии бессрочные.

#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ ФГБОУ ВО «БАШКИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

#### ФАКУЛЬТЕТ МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

#### СОДЕРЖАНИЕ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ

# дисциплины <u>Уравнения с частными производными</u> на 5 семестр (наименование дисциплины) очная

форма обучения

Вид работы	Объем дисциплины
Общая трудоемкость дисциплины (ЗЕТ / часов)	2/216
Учебных часов на контактную работу с преподавателем:	
лекций	36
практических/ семинарских	
лабораторных	36
других (групповая, индивидуальная консультация и иные виды	
учебной деятельности, предусматривающие работу обучающихся с	
преподавателем) (ФКР)	0,2
Учебных часов на самостоятельную работу обучающихся (СР)	35,8
Учебных часов на подготовку к	
экзамену/зачету/дифференцированному зачету (Контроль)	

Φ	орма(ы) к	онтроля:
экзамен_		семестр
зачет 5	семестр	

#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ ФГБОУ ВО «БАШКИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

#### ФАКУЛЬТЕТ МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

#### СОДЕРЖАНИЕ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ

# дисциплины <u>Уравнения с частными производными</u> на 6 семестр (наименование дисциплины) <u>очная</u>

форма обучения

Вид работы	Объем дисциплины
Общая трудоемкость дисциплины (ЗЕТ / часов)	4/216
Учебных часов на контактную работу с преподавателем:	121,9
лекций	16
практических/ семинарских	32
лабораторных	
других (групповая, индивидуальная консультация и иные виды	
учебной деятельности, предусматривающие работу обучающихся с	
преподавателем) (ФКР)	1,7
Учебных часов на самостоятельную работу обучающихся (СР)	86,3
Учебных часов на подготовку к	
экзамену/зачету/дифференцированному зачету (Контроль)	43,8

Фор	ма(ы) контроля:
экзамен <u>6</u>	семестр
зачет	семестр

<b>№</b> π/π	Тема и содержание	практич лабор	орма изучения материалов: лекции, ические занятия, семинарские занятия, бораторные работы, самостоятельная работа и трудоемкость (в часах)		Основная и дополнительная литература, рекомендуемая студентам (номера из списка)	Задания по самостоятельной работе студентов	Форма текущего контроля успеваемости (коллоквиумы, контрольные работы,	
		ЛК	ПР/СЕМ	ЛР	CP			компьютерные тесты и т.п.)
1	2	3	4	5	6	7	8	9
1.	Введение	6	6	6	24,46	1 – 4	2.2, 2.3., 2.4, 2.11	Контрольная работа, РГР, аудиторная работа
2.	Уравнения гиперболического типа	12	6	8	24,46	1 – 4	12.36 12.37, 12.38, 20.1, 20.2, 20.6, 20.9, 20.14, 20.15, 20.16	Контрольная работа, РГР, аудиторная работа
3.	Уравнения параболического типа	14	8	8	24,46	1 – 4	13.5, 13.6, 13.7, 20.40, 20.41, 20.45	Контрольная работа, РГР, аудиторная работа
4.	Уравнения эллиптического типа	12	6	8	24,46	1 – 4	16.1, 16.2, 16.3, 16.4, 16.5, 16.6, 16.7, 16.8, 16.9, 16.10, 16.13, 16.20	Контрольная работа, РГР, аудиторная работа
5	Метод разделения переменных (метод Фурье)	8	6	6	24,46	1 – 4	16.21, 16.22, 16.24, 16.25, 16.26,20.46, 20.18	Контрольная работа, РГР, аудиторная работа
	Всего часов:	52	32	36	122,3			

#### Рейтинг – план дисциплины

<u>Уравнения с частными производными</u> (название дисциплины согласно рабочему учебному плану)

направление/специальность 01.03.02 Прикладная математика и информатика

курс 3, семестр 5

Виды учебной деятельности	Балл за	Число	F <sub>2</sub>	плы			
студентов	конкретное	заданий	Минимальный	Максимальный			
Студентов	задание	задании	Тутинимальный	Максимальный			
	заданис	семестр					
	Моду						
Текущий контроль	1110/13	112 11	0	10			
1. Аудиторная работа, работа			-				
на семинаре				3			
2.Домашняя работа				2			
Рубежный контроль							
Контрольная работа	1	5		5			
1	Моду	ль 2.					
Текущий контроль				20			
1. Аудиторная работа				6			
2.Домашняя работа				4			
Рубежный контроль							
Контрольная работа	2	5		10			
Модуль 3.							
Текущий контроль				20			
1. Аудиторная работа, работа				(			
на семинаре				6			
2.Домашняя работа				4			
Рубежный контроль							
Контрольная работа	2	5		10			
Поощрительн	ые баллы						
1. Студенческая олимпиада			0	5			
или конкурс рефератов			U	S			
2. Волонтерская работа при							
проведении олимпиад и			0	5			
конференций							
Посещаемость (баллы	вычитаются і	из общей су	ммы набранных	баллов)			
1. Посещение лекционных			0	-6			
занятий			V	-0			
2. Посещение практических							
(семинарских, лабораторных			0	-10			
занятий)							
Итоговый ко	нтроль	T					
Зачет			0	50			
Итого			60	100			

#### Рейтинг – план дисциплины

#### Уравнения с частными производными

(название дисциплины согласно рабочему учебному плану) направление/специальность 01.03.02 Прикладная математика и информатика

курс 3, семестр 6

Виды учебной деятельности	Балл за	Число	Ба	ллы
студентов	конкретное	заданий	Минимальный	Максимальный
	задание	за		
		семестр		
	Моду	ль 1.		
Текущий контроль			0	35
1. Аудиторная работа, работа				10
на семинаре				
2.Домашняя работа				5
Рубежный контроль				
Контрольная работа	10	2		20
	Моду	ль 2.		
Текущий контроль				35
1. Аудиторная работа				10
2.Домашняя работа				5
Рубежный контроль				
Контрольная работа	4	5		20
Поощрительны	ые баллы			
1. Студенческая олимпиада			0	5
или конкурс рефератов			U	S
2. Волонтерская работа при				
проведении олимпиад и			0	5
конференций				
Посещаемость (баллы	вычитаются і	из общей су	ммы набранных	баллов)
3. Посещение лекционных			0	-6
занятий			•	•
4. Посещение практических				
(семинарских, лабораторных			0	-10
занятий)				
Итоговый ко	нтроль	T		
Экзамен			0	30
Итого			45	100