



МИНОБРНАУКИ РОССИИ  
ФГБОУ ВО «БАШКИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
ФАКУЛЬТЕТ МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Актуализировано:  
на заседании кафедры  
протокол от 23.06.2017 №9  
Зав. кафедрой  / М.Г. Юмагулов

Согласовано:  
Председатель УМК факультета  
 / А.М. Ефимов

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

*Динамические системы*


*Вариативная часть*

**программа бакалавриата**

Направление подготовки (специальность)  
*01.03.01 «Математика»*

Направленность (профиль) подготовки  
*«Дифференциальные уравнения, динамические системы, оптимальное управление»*

Квалификация  
Бакалавр

Разработчик (составитель) зав. кафедрой, д.ф.-м.н., профессор	 / Юмагулов М.Г.
------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------

Для приема 2016 г.

Уфа 2017 г.

Составитель / составители: зав. кафедрой, д.ф.-м.н., профессор, Юмагулов М.Г.

Рабочая программа актуализирована на заседании кафедры дифференциальных уравнений, протокол от 23.06.2017 №9

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании кафедры дифференциальных уравнений:

- обновлен список литературы,
  - обновлен фонд оценочных средств,
  - обновлен необходимый комплект лицензионного программного обеспечения,
  - обновлен перечень современных профессиональных баз данных (в том числе международных реферативных баз данных научных изданий) и информационных справочных систем,
- протокол 38

Заведующий кафедрой

 / М.Г. Юмагулов /

## Список документов и материалов

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы
2. Цель и место дисциплины в структуре образовательной программы
3. Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий, учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся)
4. Фонд оценочных средств по дисциплине
  - 4.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания
  - 4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций
  - 4.3. Рейтинг-план дисциплины
5. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины
  - 5.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины
  - 5.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины
6. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

## 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

В результате освоения образовательной программы обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине:

Результаты обучения		Формируемая компетенция (с указанием кода)	Примечание
Знания	<b>Знать:</b> -содержание материала по предмету; -основные методы решения задач; -основные теоремы преподаваемой дисциплины.	ПК-1 - способностью к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области	
Умения	<b>Уметь:</b> -решать задачи по преподаваемой дисциплине; -определять корректность поставленной задачи; -применять на практике знания по предмету.	ПК-1 - способностью к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области	
Владения (навыки / опыт деятельности)	<b>Владеть:</b> - навыками корректной постановки задач; -классическими и современными методами дисциплины; -понятийным аппаратом предмета.	ПК-1 - способностью к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области	

## 2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «*Динамические системы*» относится к части *Дисциплины по выбору*.

Дисциплина изучается на 3 курсе в 5 семестре.

Для освоения дисциплины необходимы компетенции, сформированные в рамках изучения следующих дисциплин: «Математический анализ», «Алгебра», «Дифференциальные уравнения», «Уравнения в частных производных», «Аналитическая геометрия».

Изучение дисциплины «*Динамические системы*» содействует формированию глубокого понимания теории динамических систем и является серьезным толчком к изучению такой важной темы, как асимптотические методы теории дифференциальных уравнений.

## 3. Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий, учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся)

Содержание рабочей программы представлено в Приложении № 1.

#### 4. Фонд оценочных средств по дисциплине

##### 4.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Код и формулировка компетенции

ПК-1 - способностью к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области

Этап (уровень) освоения компетенции	Планируемые результаты обучения  (показатели достижения заданного уровня освоения компетенций)	Критерии оценивания результатов обучения			
		2 («Не удовлетворительно»)	3 («Удовлетворительно»)	4 («Хорошо»)	5 («Отлично»)
Первый этап (уровень)	<b>Знать:</b> -содержание материала по предмету; -основные методы решения задач; -основные теоремы преподаваемой дисциплины.	Отсутствие знаний по содержанию предмета и основным методам решения задач.	Частичные знания содержания материала по предмету, основных методов решения задач, основных теорем преподаваемой дисциплины	Полные и четкие, но содержащие отдельные пробелы знания содержания материала по предмету, основных методов решения задач, основных теорем преподаваемой дисциплины	Полные и четкие знания содержания материала по предмету, основных методов решения задач, основных теорем преподаваемой дисциплины
Второй этап (уровень)	<b>Уметь:</b> -решать задачи по преподаваемой дисциплине; -определять корректность поставленной задачи; -применять на практике знания по предмету.	Отсутствие умений решать задачи по преподаваемой дисциплине, определять корректность поставленной задачи и применять на практике знания по предмету.	Фрагментарные умения решать задачи по преподаваемой дисциплине, определять корректность поставленной задачи, применять на практике знания по предмету	В целом успешные, но содержащие отдельные пробелы умения решать задачи по преподаваемой дисциплине, определять корректность поставленной задачи, применять на практике знания по предмету	Сформированное умение решать задачи по преподаваемой дисциплине, определять корректность поставленной задачи, применять на практике знания по предмету

Третий этап (уровень)	<b>Владеть:</b> - навыками корректной постановки задач; -классическими и современными методами дисциплины; -понятийным аппаратом предмета.	Отсутствие владений навыками корректной постановки задач и классическими и современными методами дисциплины; понятийным аппаратом предмета.	В целом успешные, но не систематические владения способностью корректно поставить задачу, классическими современными методами дисциплины, понятийным аппаратом предмета	В целом успешные, но содержащие отдельные пробелы владения способностью корректно поставить задачу, классическими современными методами дисциплины, понятийным аппаратом предмета	Успешные владения способностью корректно поставить задачу, классическими современными методами дисциплины, понятийным аппаратом предмета
--------------------------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

Критериями оценивания являются баллы, которые выставляются преподавателем за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины (*для экзамена*: текущий контроль – максимум 40 баллов; рубежный контроль – максимум 30 баллов, поощрительные баллы – максимум 10).

Шкалы оценивания:

*для экзамена:*

от 45 до 59 баллов – «удовлетворительно»;

от 60 до 79 баллов – «хорошо»;

от 80 баллов – «отлично».

**4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций**

Этапы освоения	Результаты обучения	Компетенция	Оценочные средства
1-й этап Знания	<b>Знать:</b> -содержание материала по предмету; -основные методы решения задач; -основные теоремы преподаваемой дисциплины.	ПК-1 - способностью к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области	Контрольная работа, доклад на семинаре, экзамен
2-й этап Умения	<b>Уметь:</b> -решать задачи по преподаваемой дисциплине; -определять корректность поставленной задачи; -применять на практике знания по предмету.	ПК-1 - способностью к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области	Контрольная работа, доклад на семинаре, экзамен
3-й этап Владеть навыками	<b>Владеть:</b> - навыками корректной постановки задач; -классическими и современными методами дисциплины; -понятийным аппаратом предмета.	ПК-1 - способностью к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области	Контрольная работа, доклад на семинаре, экзамен

**4.3. Рейтинг-план дисциплины**

Рейтинг–план дисциплины представлен в приложении 2.

**Экзаменационные билеты**

Структура экзаменационного билета: 2 теоретических вопроса.

Вопросы для экзамена:

1. Динамические системы. Непрерывные и дискретные модели. Примеры: математический маятник, модель Мальтуса, логистическая модель, модель "хищник-жертва".
2. Дискретные динамические системы. Неподвижные точки (точки равновесия) и циклы ДДС.
3. Устойчивость неподвижных точек и циклов ДДС. Признаки устойчивости.

4. Одномерные дискретные системы. Паутинная диаграмма.
5. Гиперболические и негиперболические точки равновесия и циклы ДДС.
6. Топологический тип точки равновесия ДДС.
7. Логистическое отображение и его точки бифуркации.
8. Непрерывные динамические системы. Неподвижные точки (точки равновесия) и циклы (периодические решения) НДС.
9. Фазовые портреты одномерных и двумерных линейных НДС.
10. Устойчивость неподвижных точек НДС. Признаки устойчивости.
11. Гиперболические и негиперболические точки равновесия НДС.
12. Топологический тип точки равновесия НДС.
- 13.

**Образец экзаменационного билета:**

**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«БАШКИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
ФАКУЛЬТЕТ МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ  
КАФЕДРА ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ**

**Экзаменационный билет №1  
по курсу «Дифференциальные уравнения»**

1. Устойчивость неподвижных точек и циклов ДДС. Признаки устойчивости.
2. Фазовые портреты одномерных и двумерных линейных НДС.

Преподаватель Юмагулов М. Г. / \_\_\_\_\_ /

Зав. кафедрой Юмагулов М. Г. / \_\_\_\_\_ /

Перевод оценки из 100-балльной в четырехбалльную производится следующим образом:

- отлично – от 80 до 110 баллов (включая 10 поощрительных баллов);
- хорошо – от 60 до 79 баллов;
- удовлетворительно – от 45 до 59 баллов;
- неудовлетворительно – менее 45 баллов.

**Критерии и методика оценивания ответа на экзамене (в баллах):**

- **25-30 баллов** выставляется студенту, если студент дал полные, развернутые ответы на все теоретические вопросы билета, продемонстрировал знание функциональных возможностей, терминологии, основных элементов, умение применять теорети-



ческие знания при выполнении практических заданий. Студент без затруднений ответил на все дополнительные вопросы. Практическая часть работы выполнена полностью без неточностей и ошибок;

- **17-24 баллов** выставляется студенту, если студент раскрыл в основном теоретические вопросы, однако допущены неточности в определении основных понятий. При ответе на дополнительные вопросы допущены небольшие неточности. При выполнении практической части работы допущены несущественные ошибки;

- **10-16 баллов** выставляется студенту, если при ответе на теоретические вопросы студентом допущено несколько существенных ошибок в толковании основных понятий. Логика и полнота ответа страдают заметными изъянами. Заметны пробелы в знании основных методов. Теоретические вопросы в целом изложены достаточно, но с пропусками материала. Имеются принципиальные ошибки в логике построения ответа на вопрос. Студент не решил задачу или при решении допущены грубые ошибки;

- **1-10 баллов** выставляется студенту, если ответ на теоретические вопросы свидетельствует о непонимании и крайне неполном знании основных понятий и методов. Обнаруживается отсутствие навыков применения теоретических знаний при выполнении практических заданий. Студент не смог ответить ни на один дополнительный вопрос.

### Список тем на семинары

1. Теория Пуанкаре-Бендиксона.
2. Признаки устойчивости точек равновесия и циклов ДДС.
3. Одномерные дискретные системы. Паутинная диаграмма.
4. Периодичность Шарковского.
5. Периодические неавтономные динамические системы.
6. Отображение Пуанкаре.
7. Алгебраическая классификация линейных динамических систем.
8. Топологическая классификация динамических систем.
9. Структурная устойчивость динамических систем.
10. Аттракторы динамических систем.
11. Модель математического маятника.
12. Модель Мальтуса и модель «хищник-жертва».
13. Модель Лоренца.
14. Консервативные и диссипативные системы.

### Критерии оценки (в баллах):

- 10 баллов выставляется студенту за полный и развернутый доклад на семинаре на заданную тему и при верно данных ответах на дополнительные вопросы.

- 5-9 баллов выставляется студенту в случае, если студент сделал полный и развернутый доклад на семинаре на заданную тему и не ответил на 1-2 дополнительных вопроса, либо сделал неполный и/или нечеткий доклад, но при этом ответил на все дополнительные вопросы.

- 1-4 балла выставляется студенту в случае, если студент сделал неполный доклад на семинаре на заданную тему и не ответил ни на один дополнительный вопрос.

- 0 баллов выставляется студенту, если им не был сделан доклад на заданную тему.

## Задания для контрольной работы

### Описание контрольной работы:

В семестре студенту представляется две контрольные работы. Каждая контрольная работа состоит из четырех объемных заданий. Задача считается правильно решенной, если студентом приведено подробное и полное ее решение. Каждое задание оценивается в 3 балла. В случае, если студент не справляется с более 50% заданий по обеим контрольным, он не допускается к сдаче экзамена. У каждого студента есть возможность пересдать контрольную работу.

### Пример варианта контрольной работы:

#### Контрольная работа №1.

1. Найти неподвижные точки одномерных ДДС, описываемых уравнениями  $x_{n+1}=f(x_n)$  и  $x_{n+1}=g(x_n)$ . Изучить свойства устойчивости неподвижных точек. Изобразить поведение системы  $x_{n+1}=f(x_n)$  с помощью паутиной диаграммы.

Варианты:

$$f(x)=x^3-2x^2+2, \quad g(x)=1+x+\sin\{2x\}$$

$$f(x)=x^3-2x^2+2, \quad g(x)=1+x+\cos\{2x\}$$

2. Найти точки равновесия НДС, описываемых уравнениями  $x'=f(x)$  и  $x'=g(x)$ , и исследовать характер устойчивости этих точек.

Варианты:

$$f(x)=x^3-3x^2-x+3, \quad g(x)=-1+\cos\{2x\}$$

$$f(x)=x^3+3x^2-x-3, \quad g(x)=\sin(4\arctg\{x\})$$

3. Определить топологический тип нулевой точки равновесия системы  $x'=f(x)$  и выяснить характер ее устойчивости.

Варианты:

```
\left{\nbegin{array}{ll}x_{1}'= & 2x_1x_2-4x_{2}\,,\|x_{2}'= & 4x_2^2-x_{1}^2\,\end{array}\right.\n$
```

```
\left{\nbegin{array}{ll}x_{1}'= & -2x_1+2x_{2}+x_{1}\sin{x_{1}}\,,\|x_{2}'= & -x_{1}-4x_2+x_{2}^3\,\end{array}\right.\n$
```

### Описание методики оценивания:

Критерии оценки (в баллах)

*12 баллов выставляется студенту, если все задачи решены верно;*

*9 баллов выставляется студенту, если 3 задачи решены верно;*

*6 баллов выставляется студенту, если 2 задачи решены верно;*

*3 балла выставляется студенту, если 1 задача решена верно.*

### Контрольная работа №2.

Рассматривается система с эффектом Олли, описываемая приводимой ниже системой дифференциальных уравнений, в которой  $\mu$  -- положительный параметр.

```
\begin{enumerate}
```

```
\item[1)] Найти состояния равновесия системы с неотрицательными координатами.
```

```
\item[2)] Определить топологические типы найденных состояний равновесия в зависимости от параметра  $\mu$ ;
```

```
\item[3)] Для какого-нибудь (одного!) из состояний равновесия найти точку бифуркации  $\mu_0$  неподвижных точек (если таких  $\mu_0$  несколько, оставить одну из них).
```

```
\item[4)] Для какой-нибудь (одного!) из состояний равновесия найти точку бифуркации  $\mu_0$  Андронова-Хопфа (если таких  $\mu_0$ , оставить одну из них).
```

```
\end{enumerate}
```

```
}
```

{Варианты:}

```
\begin{enumerate}
\item $\displaystyle \left\{ \begin{array} {l}
x'=x(x-\mu)(4-x)-2xy, \ \backslash
y'=-2y+xy,
\end{array} \right\}$
\end{array} \right.
$
```

```
\item $\displaystyle \left\{ \begin{array} {l}
x'=x(x-\mu)(5-x)-8xy, \ \backslash
y'=-3y+xy,
\end{array} \right\}$
\end{array} \right.
$
```

```
\item $\displaystyle \left\{ \begin{array} {l}
x'=x(x-\mu)(7-x)-6xy, \ \backslash
y'=-3y+2xy,
\end{array} \right\}$
\end{array} \right.
$
```

#### **Описание методики оценивания:**

Критерии оценки (в баллах)

*12 баллов выставляется студенту, если все задачи решены верно;*

*9 баллов выставляется студенту, если 3 задачи решены верно;*

*6 баллов выставляется студенту, если 2 задачи решены верно;*

*3 балла выставляется студенту, если 1 задача решена верно.*

### **5. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

#### **5.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины**

##### **Основная литература:**

1. Юмагулов, М.Г. Введение в теорию динамических систем [Электронный ресурс] : учебное пособие / М.Г. Юмагулов. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2015. — 272 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/56177>. Доступ возможен и через Электронную библиотеку БашГУ .

2. **Братусь, А.С.** Динамические системы и модели биологии [Электронный ресурс] / А.С. Братусь ; Новожилов А. С. ; Платонов А. П. — Москва : Физматлит, 2009 .— 400 с. — ISBN 978-5-9221-1192-8 .— <URL:<http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=67304>>.

##### **Дополнительная литература:**

3. [Кроновер, Р.М.](#) Фракталы и хаос в динамических системах. Основы теории : Учеб.пособие для студ. по спец. 01.02 "Прикладная математика" / Пер. с англ. Т.Э.Кренкеля, А.Л.Соловейчика под ред. Т.Э.Кренкеля .— М. : Постмаркет, 2000 .— 350 с.

4. Катов А.Б., Хасселблат Б. Введение в теорию динамических систем. – М.: МЦНМО, 2005. – 464 с.

### 5. 2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины

1. Windows 8 Russian. Windows Professional 8 Russian Upgrade. Договор № 104 от 17.06.2013г. Лицензии бессрочные.

2. Microsoft Office Standard 2013 Russian. Договор № 114 от 12.11.2014 г. Лицензии бессрочные.

1	Электронно-библиотечная система «ЭБ БашГУ»	Собственная электронная библиотека учебных и научных электронных изданий, которая включает издания преподавателей БашГУ	Авторизованный доступ по паролю из любой точки сети Интернет	<a href="https://elib.bashedu.ru/">https://elib.bashedu.ru/</a>
2	Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека online»	Полнотекстовая БД учебных и научных электронных изданий	Авторизованный доступ по паролю из любой точки сети Интернет	<a href="http://www.biblioclub.ru/">http://www.biblioclub.ru/</a>
3	Электронно-библиотечная система издательства «Лань»	Полнотекстовая БД учебных и научных электронных изданий	Авторизованный доступ по паролю из любой точки сети Интернет	<a href="http://e.lanbook.com/">http://e.lanbook.com/</a>

### 6. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
1. учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа: аудитория № 501 (физмат корпус - учеб-	Аудитория № 501 Учебная мебель, доска настенная меловая, персональный комп. и системный	1. Windows 8 Russian. Windows Professional 8 Russian Upgrade. Договор № 104 от 17.06.2013 г. Лицензии бес-

<p>ное), аудитория № 523(физмат корпус - учебное),</p> <p><b>2. учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа:</b> аудитория № 523 (физмат корпус - учебное), <b>3. учебная аудитория для проведения групповых и индивидуальных консультаций:</b> аудитория № 501 (физмат корпус - учебное), аудитория № 523 (физмат корпус - учебное), аудитория № 527 (физмат корпус - учебное)</p> <p><b>4. учебная аудитория для текущего контроля и промежуточной аттестации:</b> аудитория № 501 (физмат корпус - учебное), аудитория № 523 (физмат корпус - учебное), аудитория № 527 (физмат корпус - учебное)</p> <p><b>5.помещения для самостоятельной работы:</b> читальный зал №2 (физмат корпус - учебное)</p>	<p>блок /Corei5-4460(3.2)/CIGABAYTEGV-N710D3-1GL/4Gb, Презентер Logitech Wireless PresenterR400 (210134000003592), проектор SonyVPL-DX270, экран ручной ViewScreenLotus 244x183 WLO-4304</p> <p><b>Аудитория №523</b> Учебная мебель, доска настенная меловая</p> <p><b>Аудитория №527</b> Учебная мебель, доска настенная меловая</p> <p><b>Читальный зал №2</b> Учебная мебель, учебно-наглядные пособия, стенд по пожарной безопасности, моноблоки стационарные – 8 шт, принтер – 1 шт., сканер – 1 шт.</p>	<p>срочные.</p> <p>2. Microsoft Office Standard 2013 Russian. Договор № 114 от 12.11.2014 г. Лицензии бессрочные.</p>
--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«БАШКИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
ФАКУЛЬТЕТ МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ  
**СОДЕРЖАНИЕ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ**

дисциплины Динамические системы

очная

форма обучения

<b>Вид работы</b>	<b>Объем дисциплины</b>
Общая трудоемкость дисциплины (ЗЕТ / часов)	5 / 180
Учебных часов на контактную работу с преподавателем:	
лекций	36
практических/ семинарских	36
лабораторных	
других (групповая, индивидуальная консультация и иные виды учебной деятельности, предусматривающие работу обучающихся с преподавателем) (ФКР)	1,2
Учебных часов на самостоятельную работу обучающихся (СР)	81
Учебных часов на подготовку к экзамену/зачету/дифференцированному зачету (Контроль)	25,8

Формы контроля:

Экзамен 5 семестр

№ п/п	Тема и содержание	Форма изучения материалов: лекции, практические занятия, семинарские занятия, лабораторные работы, самостоятельная работа и трудоемкость (в часах)				Основная и дополнительная литература, рекомендуемая студентам (номера из списка)	Задания по самостоятельной работе студентов	Форма текущего контроля успеваемости (коллоквиумы, контрольные работы, компьютерные тесты и т. п.)
		ЛК	ПР/СЕМ	ЛР	СР			
1	2	3	4	5	6	7	8	9
1.	<b>Введению в теорию динамических систем.</b> Динамические системы и их классификация. Модели Мальтуса, Ферхюльста, Вольтерра-Лотки, Лоренца.	6	6		16	[1]- [5]	[1]-[3]	Контрольная работа, доклад на семинаре
2.	<b>Дискретные динамические системы.</b> Основные виды траекторий. Неподвижные точки и циклы. Фазовые портреты линейных систем, паутиная диаграмма. Устойчивость неподвижных точек и циклов.	6	6		16	[1]-[5]	[1]-[3]	Контрольная работа, доклад на семинаре
3.	<b>Непрерывные динамические системы.</b> Основные виды траекторий. Неподвижные точки и циклы. Фазовые портреты линейных систем. Устойчивость неподвижных точек и циклов.	8	8		17	[1] -[5]	[1]-[3]	Доклад на семинаре
4.	<b>Качественное исследование</b>	8	8		16	[1]-[5]	[1]-[3]	Контрольная работа



	<p><b>нелинейных динамических систем.</b></p> <p>Топологические типы точек равновесия и циклов ДС. Гиперболические точки равновесия и циклы.</p> <p>Построение точек равновесия и циклов. Фазовые портреты.</p>							та, доклад на семинаре
5.	<p><b>Бифуркации и хаос в динамических системах.</b></p> <p>Структурная устойчивость динамических систем. Динамические системы, зависящие от параметров. Основные сценарии локальных бифуркаций ДС. Сценарии перехода к хаосу. Исследование основных моделей ДС.</p>	8	8		16	[1]-[5]	[1]-[3]	Контрольная работа, доклад на семинаре
	<b>Всего часов:</b>	36	36		81			

## Рейтинг – план дисциплины

Динамические системыНаправление подготовки 01.03.01 Математика, курс 3, семестр 1

Рейтинг-план (экзамен)

Виды учебной деятельности студентов	Балл за конкретное задание	Число заданий за семестр	Баллы	
			Минимальный	Максимальный
<b>Модуль 1.</b>				
<b>Текущий контроль</b>				<b>25</b>
1. Работа на семинаре			<b>0</b>	<b>13</b>
<b>Рубежный контроль</b>				
Отчёт по домашней контрольной работе № 1	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>0</b>	<b>12</b>
<b>Модуль 2.</b>				
<b>Текущий контроль</b>				<b>20</b>
1. Работа на семинаре			<b>0</b>	<b>10</b>
<b>Рубежный контроль</b>				
Выступление на семинаре			<b>0</b>	<b>10</b>
<b>Модуль 3.</b>				
<b>Текущий контроль</b>				<b>25</b>
1. Работа на семинаре			<b>0</b>	<b>13</b>
<b>Рубежный контроль</b>				
Отчёт по домашней контрольной работе № 2	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>0</b>	<b>12</b>
<b>Поощрительные баллы</b>				
1. Студенческая олимпиада или конкурс рефератов			<b>0</b>	<b>5</b>
2. Волонтерская работа при проведении олимпиад и конференций			<b>0</b>	<b>5</b>
<b>Посещаемость (баллы вычитаются из общей суммы набранных баллов)</b>				
1. Посещение лекционных занятий			<b>0</b>	<b>-6</b>
2. Посещение практических (семинарских, лабораторных занятий)			<b>0</b>	<b>-10</b>
<b>Итоговый контроль</b>				
Экзамен			<b>0</b>	<b>30</b>
<b>Итого</b>			<b>0</b>	<b>100</b>